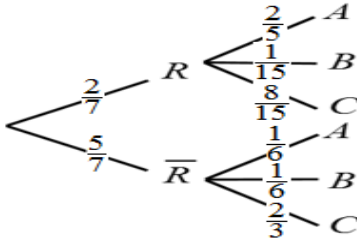
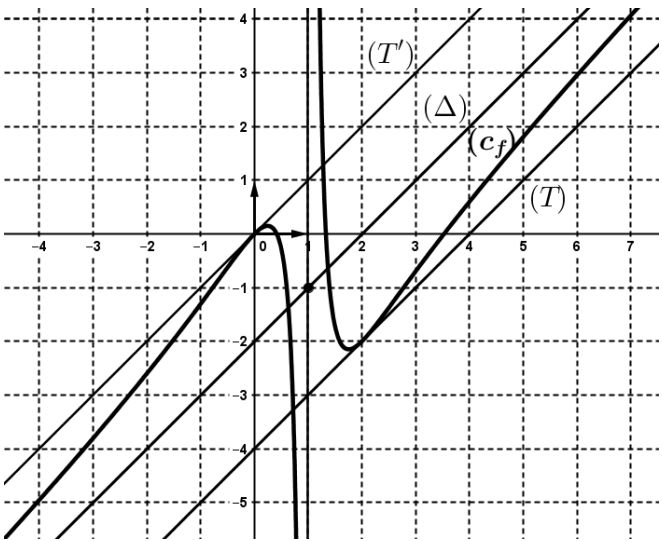


العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)									
العلامة	مجزأة										
التمرين الأول (04 نقاط)											
0,75	0,25×3		(1)								
1,5	0,5×3	$P(C)=\frac{66}{105}=\frac{22}{35}$ ، $P(B)=\frac{29}{210}$ ، $P(A)=\frac{49}{210}=\frac{7}{30}$	(2)								
0,5	0,5	$P_B(R)=\frac{P(R\cap B)}{P(B)}=\frac{4}{29}$	(3)								
1,25	0,25×5	$E(X)=\frac{19}{21}$ $E(21X+1428)=1447$ <table border="1" data-bbox="916 871 1315 994"><tr><td>x_i</td><td>0</td><td>1</td><td>2</td></tr><tr><td>$P(X=x_i)$</td><td>$\frac{49}{210}$</td><td>$\frac{132}{210}$</td><td>$\frac{29}{210}$</td></tr></table>	x_i	0	1	2	$P(X=x_i)$	$\frac{49}{210}$	$\frac{132}{210}$	$\frac{29}{210}$	(4)
x_i	0	1	2								
$P(X=x_i)$	$\frac{49}{210}$	$\frac{132}{210}$	$\frac{29}{210}$								
التمرين الثاني (04 نقاط)											
0,75	0,25×3	$S=\{1+i; 1-i; 1-i\sqrt{3}\}$	(1)								
2,25	0,25×4	$z_A=\sqrt{2}\left(\cos\frac{\pi}{4}+i\sin\frac{\pi}{4}\right)$ (أ) $z_B=2\left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right)+i\sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right)$ $z_C=\sqrt{2}\left(\cos\left(-\frac{\pi}{4}\right)+i\sin\left(-\frac{\pi}{4}\right)\right)$ $z_D=\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{2}\left(\cos\left(\frac{-3\pi}{4}\right)+i\sin\left(\frac{-3\pi}{4}\right)\right)$	(2)								
	0,25	$L=\frac{\sqrt{2}}{2}\left(\cos\frac{7\pi}{12}+i\sin\frac{7\pi}{12}\right)$ (ب)									
	0,5	$L=\frac{1-\sqrt{3}}{4}+i\frac{1+\sqrt{3}}{4}$ (ج)									
	0,25×2	$\sin\frac{7\pi}{12}=\frac{\sqrt{2}+\sqrt{6}}{4}$ و $\cos\frac{7\pi}{12}=\frac{\sqrt{2}-\sqrt{6}}{4}$									
1	0,25×2	$z_D-z_A=i(z_D-z_B)=\frac{1+\sqrt{3}}{2}(-1-i)$ (أ) المثلث ABD قائم في D ومتساوي الساقين.	(3)								
	0,25×2	(ب) $z_E=\frac{3+\sqrt{3}}{2}+i\frac{1-\sqrt{3}}{2}$ ، الرباعي AEBD مربع.									

التمرين الثالث (05 نقاط)																				
0,5	0,25×2	$k \in \mathbb{Z}^*$ و $\alpha = 75k$ ، $PGCD(675; 525) = 75$		(1)																
2	0,5×2	$(x; y) = (7k' + 2; 9k' + 1)$ ، $k' \in \mathbb{Z}$ (أ)		(2)																
	0,5×2	$k'' \in \mathbb{Z}$ ، $(x; y) = (77k'' + 44; 99k'' + 55)$ ، $k' = 11k'' + 6$ (ب)																		
0,75	0,25	(أ) العددين $9n + 5$ و $7n + 4$ أوليان فيما بينهما.		(3)																
	0,25×2	(ب) $PGCD(a; b) = 11n$ $PPCM(a; b) = 11n(7n + 4)(9n + 5)$																		
1,25	0,25×3	<table><tr><td>$n =$</td><td>$3k$</td><td>$3k + 1$</td><td>$3k + 2$</td><td>$k \in \mathbb{N}$</td></tr><tr><td>$4^n \equiv$</td><td>1</td><td>4</td><td>2</td><td>[7]</td></tr></table> (أ)		$n =$	$3k$	$3k + 1$	$3k + 2$	$k \in \mathbb{N}$	$4^n \equiv$	1	4	2	[7]	(4)						
	$n =$	$3k$	$3k + 1$	$3k + 2$	$k \in \mathbb{N}$															
$4^n \equiv$	1	4	2	[7]																
0,25×2	(ب) $L = 2^{2026} - 1$ ومنه: $L \equiv 1[7]$																			
0,5	0,5	$p \in \mathbb{N}$ ، $n = 7p + 5$ يكافئ $L + b - a + 3 \equiv 0[7]$		(5)																
التمرين الرابع (07 نقاط)																				
0,75	0,25	(أ) من أجل كل x من $\mathbb{R} - \{1\}$ ، $g'(x) = \frac{2(x-1)^2 + 2}{x-1}$		(1 I)																
	0,25×2	(ب) g متناقصة تماما على $]-\infty; 1[$ ومتزايدة تماما على $]1; +\infty[$ جدول التغيرات: <table><tr><td>x</td><td>$-\infty$</td><td>$2-\alpha$</td><td>1</td><td>α</td><td>$+\infty$</td></tr><tr><td>$g'(x)$</td><td></td><td>-</td><td></td><td>+</td><td></td></tr><tr><td>$g(x)$</td><td></td><td></td><td>↘ 0</td><td>↗ 0</td><td></td></tr></table>			x	$-\infty$	$2-\alpha$	1	α	$+\infty$	$g'(x)$		-		+		$g(x)$			↘ 0
x	$-\infty$	$2-\alpha$	1	α	$+\infty$															
$g'(x)$		-		+																
$g(x)$			↘ 0	↗ 0																
1	0,5	(أ) الدالة g مستمرة على المجال $[1, 7; 1, 8]$ و $g(1,8) \approx 0,19$ ، $g(1,7) \approx -0,22$ ومنه: للمعادلة $g(x) = 0$ حلّ وحيد α في المجال $]1, 7; 1, 8[$		(2)																
	0,25×2	(ب) $g(2-\alpha) = g(\alpha) = 0$ ومنه: $2-\alpha$ حلّ للمعادلة $g(x) = 0$ إشارة $g(x)$: <table><tr><td>x</td><td>$-\infty$</td><td>$2-\alpha$</td><td>1</td><td>α</td><td>$+\infty$</td></tr><tr><td>$g(x)$</td><td>+</td><td>0</td><td>-</td><td>-</td><td>0</td><td>+</td></tr></table>			x	$-\infty$	$2-\alpha$	1	α	$+\infty$	$g(x)$	+	0	-	-	0	+			
x	$-\infty$	$2-\alpha$	1	α	$+\infty$															
$g(x)$	+	0	-	-	0	+														
1	0,25×4	$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = +\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = -\infty$		(1 II)																
	0,25	(أ) من أجل كل x من $\mathbb{R} - \{1\}$ ، $f'(x) = \frac{g(x)}{(x-1)^2}$		(2)																

0,75	0,25 0,25	(ب) f متناقصة تماما على المجالين $[1; \alpha]$ و $[2 - \alpha; 1]$ ومتزايدة تماما على المجالين $[-\infty; 2 - \alpha]$ و $[\alpha; +\infty[$ و جدول التغيرات: <table><tr><td>x</td><td>$-\infty$</td><td>$2 - \alpha$</td><td>1</td><td>α</td><td>$+\infty$</td></tr><tr><td>$f'(x)$</td><td>$+$</td><td>0</td><td>$-$</td><td>$-$</td><td>0</td><td>$+$</td></tr><tr><td>$f(x)$</td><td>$-\infty$</td><td>$f(2 - \alpha)$</td><td>$+\infty$</td><td>$f(\alpha)$</td><td>$+\infty$</td></tr></table>	x	$-\infty$	$2 - \alpha$	1	α	$+\infty$	$f'(x)$	$+$	0	$-$	$-$	0	$+$	$f(x)$	$-\infty$	$f(2 - \alpha)$	$+\infty$	$f(\alpha)$	$+\infty$	
x	$-\infty$	$2 - \alpha$	1	α	$+\infty$																	
$f'(x)$	$+$	0	$-$	$-$	0	$+$																
$f(x)$	$-\infty$	$f(2 - \alpha)$	$+\infty$	$f(\alpha)$	$+\infty$																	
0,75	0,25 × 2 0,25	(أ) $\lim_{x \rightarrow -\infty} (f(x) - (x - 2)) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \left(-\frac{2}{x - 1} + \frac{2 \ln(1 - x)}{1 - x} \right) = 0$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - (x - 2)) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(-\frac{2}{x - 1} - \frac{2 \ln(x - 1)}{x - 1} \right) = 0$ (ب) من أجل كل $x \in \mathbb{R} - \{1\}$ ، $f(2 - x) + f(x) = -2$ ، للمنحني (C_f) مركز تناظر إحداثياه $(1; -1)$	(3)																			
2,25	0,25 × 3 0,25 × 3 0,5	(أ) $f'(x) = 1$ تكافئ $x \in \{0; 2\}$ $(T'): y = x$ ، $(T): y = x - 4$ (ب)  رسم (Δ) رسم (T) رسم (T') رسم (C_f) (ج) للمعادلة: $f(x) = x + m$ حلان من أجل $m \in \{-4; -2; 0\}$	(4)																			
0,5	0,25 0,25	(أ) $\mathcal{A}(\lambda) = \int_2^\lambda \left(\frac{2}{x - 1} + \frac{2 \ln(x - 1)}{x - 1} \right) dx$ $= \left[2 \ln(x - 1) + (\ln(x - 1))^2 \right]_2^\lambda = (2 \ln(\lambda - 1) + (\ln(\lambda - 1))^2)$ (ب) $\mathcal{A}(\lambda) = 2(\ln(\lambda - 1))^2$ و $\lambda > 2$ تكافئ $\lambda = 1 + e^2$	(5)																			

ملاحظة: تُقبل جميع طرائق الحل الصحيحة مع التقيد بسلم التنقيط.

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)										
العلامة	مجزأة											
التمرين الأول (04 نقاط)												
0,5	0,5	$2\alpha + 3\beta = 39$ تعني $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = 0$ ومنه: الثنائية $(\alpha; \beta)$ حلّ للمعادلة: $2x + 3y = 39 \dots (E)$ (1)										
1,75	0,25	أ) $(6; 9)$ حلّ لـ (E) $(x; y) = (3k + 6; -2k + 9), k \in \mathbb{Z}$ ب) $k' \in \mathbb{Z}, (x; y) = (117k' - 39; -78k' + 39), k = 39k' + 15$ (2)										
	0,75											
1	0,75	أ) <table><tr><td>$n =$</td><td>$3k$</td><td>$3k + 1$</td><td>$3k + 2$</td><td>$k \in \mathbb{N}$</td></tr><tr><td>$4^n \equiv$</td><td>1</td><td>4</td><td>7</td><td>[9]</td></tr></table> (3)	$n =$	$3k$	$3k + 1$	$3k + 2$	$k \in \mathbb{N}$	$4^n \equiv$	1	4	7	[9]
	$n =$	$3k$	$3k + 1$	$3k + 2$	$k \in \mathbb{N}$							
$4^n \equiv$	1	4	7	[9]								
	0,25	ب) $1447^{2026} \equiv 7[9]$										
0,75	0,25 0,25 × 2	البحث عن قيم العدد k تعيين الثنائيات الممكنة: $(x; y) \in \{(42; -15), (51; -21)\}$ (4)										
التمرين الثاني (04 نقاط)												
2,75	0,5 × 4	$P(B) = 1 - \frac{C_8^3}{C_{14}^3} = \frac{11}{13}, P(A) = \frac{C_8^3 + C_6^3}{C_{14}^3} = \frac{19}{91}$ $P(D) = 1 - \frac{C_2^2 \times C_{12}^1}{C_{14}^3} = \frac{88}{91}, P(C) = \frac{C_1^1 \times C_{13}^2}{C_{14}^3} = \frac{3}{14}$ (1)										
	0,25	$P(E) = \frac{C_1^1 \times C_5^2}{C_6^3} = \frac{1}{2}$										
	0,5	$P(A \cup B) = 1$ ومنه: $P(A \cap B) = \frac{C_6^3}{C_{14}^3} = \frac{5}{91}$										
1,25	0,25 × 4	قانون الاحتمال: <table><tr><td>x_i</td><td>$P(X = x_i)$</td></tr><tr><td>0</td><td>$\frac{56}{(n+8)(n+7)}$</td></tr><tr><td>1</td><td>$\frac{16n}{(n+8)(n+7)}$</td></tr><tr><td>2</td><td>$\frac{n(n-1)}{(n+8)(n+7)}$</td></tr></table> تبيان أنّ: $E(X) = \frac{2n}{n+8}$ (2)	x_i	$P(X = x_i)$	0	$\frac{56}{(n+8)(n+7)}$	1	$\frac{16n}{(n+8)(n+7)}$	2	$\frac{n(n-1)}{(n+8)(n+7)}$		
	x_i	$P(X = x_i)$										
0	$\frac{56}{(n+8)(n+7)}$											
1	$\frac{16n}{(n+8)(n+7)}$											
2	$\frac{n(n-1)}{(n+8)(n+7)}$											
	0,25	$\frac{2n}{n+8} = 2 - \frac{16}{n+8}$ ومنه: عدد طبيعي يعني $(n+8)$ يقسم 16 إذن: $n = 8$ لأنّ $n \geq 2$										

التمرين الثالث (05 نقاط)																	
0,75	0,25×3	$S = \{ i\sqrt{3} ; 2 \sin \theta + 2i \cos \theta ; 2 \sin \theta - 2i \cos \theta \}$	(1														
3,25	0,5×4	$z_A = \sqrt{3} \left(\cos \frac{\pi}{2} + i \sin \frac{\pi}{2} \right)$ (أ) $z_B = 2 \left(\cos \left(\frac{\pi}{2} - \theta \right) + i \sin \left(\frac{\pi}{2} - \theta \right) \right)$ $z_C = 2 \left(\cos \left(\theta - \frac{\pi}{2} \right) + i \sin \left(\theta - \frac{\pi}{2} \right) \right)$ $z_D = 2 \left(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3} \right)$	(2														
	0,25	ب) C, B و D تنتمي إلى نفس الدائرة التي مركزها O ونصف قطرها 2															
	0,5	ج) $\left(\frac{z_A}{\sqrt{3}} \right)^{2026} + \left(\frac{z_A}{\sqrt{3}} \right)^{1447} = (i)^{2026} + (i)^{1447} = -1 - i$															
	0,25×2	د) $\theta \in \left\{ -\frac{\pi}{6} ; \frac{\pi}{6} \right\}$ ، $-4 \cos \theta (2 \cos \theta - \sqrt{3}) = 0$ أي $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{CB} = 0$															
1	0,25×2	أ) $L = -1 + \sqrt{3} + i(-1 - \sqrt{3})$ ، $L = 2\sqrt{2} \left(\cos \frac{19\pi}{12} + i \sin \frac{19\pi}{12} \right)$	(3														
	0,25×2	ب) $\sin \frac{19\pi}{12} = \frac{-\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$ ، $\cos \frac{19\pi}{12} = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$															
التمرين الرابع (07 نقاط)																	
0,5	0,25×2	$g(-2,2) \approx -0,01$ ، $g(-2,3) \approx 0,02$ ومنه: $-2,3 < \alpha < -2,2$	(1 I														
0,5	0,5	<table> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>α</td> <td>0</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$g(x)$</td> <td>+</td> <td>0</td> <td>-</td> <td>0</td> <td>+</td> </tr> </table> إشارة $g(x)$:	x	$-\infty$	α	0	$+\infty$	$g(x)$	+	0	-	0	+	(2			
x	$-\infty$	α	0	$+\infty$													
$g(x)$	+	0	-	0	+												
0,75	0,5 + 0,25	$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$	(1 II														
1	0,5	أ) من أجل كل x من $\mathbb{R}$ ، $f'(x) = \frac{g(x)}{(e^x + 1)^2}$	(2														
	0,5	جدول التغيرات: <table> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>α</td> <td>0</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f'(x)$</td> <td>+</td> <td>0</td> <td>-</td> <td>0</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td>0</td> <td>$f(\alpha)$</td> <td>0</td> <td>$+\infty$</td> </tr> </table>		x	$-\infty$	α	0	$+\infty$	$f'(x)$	+	0	-	0	+	$f(x)$	0	$f(\alpha)$
x	$-\infty$	α	0	$+\infty$													
$f'(x)$	+	0	-	0	+												
$f(x)$	0	$f(\alpha)$	0	$+\infty$													
	0,5	أ) $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - x^2) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{-x^2}{e^x + 1} \right) = 0$	(3														
	0,25×2	ب) (C_f) أسفل (P) على $\mathbb{R}^*$ و (C_f) ، (P) متماسان في O															

1,75	0,25 0,5	رسم (P) رسم (cf)	
2,5	0,25 × 2	أ) $u_0 = \ln(e+1) - \ln 2$ ، المتتالية (u_n) موجبة.	(4)
	0,5	ب) من أجل كل n من $\mathbb{N}^*$ ، $u_{n+1} - u_n = \int_0^1 \frac{x^n(x-1)e^x}{e^x+1} dx$ ، وكذلك $u_1 - u_0 = \int_0^1 \frac{(x-1)e^x}{e^x+1} dx$ ومنه: من أجل كل n من $\mathbb{N}$ ، $u_{n+1} - u_n \leq 0$ ، متناقصة ومحدودة من الأسفل فهي متقاربة.	
	0,25	ج) من أجل كل x حيث: $0 \leq x \leq 1$ ، $\frac{1}{2} \leq \frac{e^x}{e^x+1} \leq \frac{e}{e+1}$ ، (u_n) متناقصة ومحدودة من الأسفل فهي متقاربة.	
	0,25	د) من أجل كل n من $\mathbb{N}^*$ ، $\frac{1}{2(n+1)} \leq u_n \leq \frac{e}{(e+1)(n+1)}$	
	0,25	$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 0$	
	0,25	يمثل u_2 مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحني (C_f) والمستقيمات التي معادلاتها: $x=1$ و $x=0$ ، $y=0$	
	0,25	$\frac{1}{6} \leq u_2 \leq \frac{e}{3e+3}$	

ملاحظة: تُقبل جميع طرائق الحل الصحيحة مع التقيد بسلم التنقيط.