

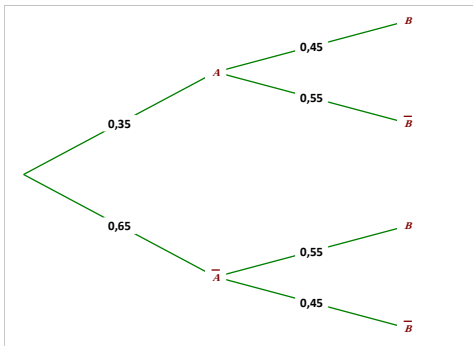
العلامة		عناصر الإجابة
مجزأة	مجزأة	

الموضوع الأول

التمرين الأول: (04 نقاط)

01.50	0.25 0.25	(1) أ) لما $n=0$ ؛ $u_0 = -2$ و $u_0 < 2$ فالخاصية صحيحة من أجل $n=0$ نفرض $u_n < 2$ ومنه $\frac{1}{2}u_n + 1 < 2$ أي $u_{n+1} < 2$ وعليه من أجل كل $n \in \mathbb{N}$: $u_n < 2$
	0.25	
	0.50	ب) المتتالية (u_n) متزايدة تماما لأن $u_{n+1} - u_n = -\frac{1}{2}(u_n - 2)$ و $u_n - 2 < 0$ ومنه $u_{n+1} - u_n > 0$
	0.25	بما أن المتتالية (u_n) محدودة من الأعلى بالعدد 2 ومتزايدة تماما فهي متقاربة .
02.00	0.50	(2) أ) أثبت أن المتتالية (v_n) هندسية $v_{n+1} = \frac{1}{2}v_n$ أساسها $q = \frac{1}{2}$ حدها الأول $v_0 = -8$
	0.25	
	0.25	ب) عبارة v_n بدلالة n : $v_n = -8 \times \left(\frac{1}{2}\right)^n$
	0.50	استنتاج عبارة u_n بدلالة n : $u_n = -4\left(\frac{1}{2}\right)^n + 2$
00.50	0.50	(3) المجموع S_n : $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n = 8\left(\frac{1}{2}\right)^n + 2n - 6$

التمرين الثاني : (04 نقاط)

01.50	0.50	(1) نقل واكمال الشجرة
	0.50 0.50	 $p_{A \cap B} = p_A \times p_B = 0,1575$ $p_{A \cap \bar{B}} = p_A \times p_{\bar{B}} = 0,1925$

العلامة		عناصر الإجابة
مجزأة	مجزأة	

02.50	0.50 0.50 0.25 0.50	(2) أ) حساب الاحتمالات $p_B = P(A \cap B) + P(\bar{A} \cap B) = 0,515$ $p_{B A} = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{63}{206}$ لدينا $P(\bar{B}) = P(A \cap \bar{B}) + P(\bar{A} \cap \bar{B}) = 1 - P(B) = 0,485$ ومنه يكون لدينا $P_{\bar{B} A} = \frac{P(A \cap \bar{B})}{P(\bar{B})} = \frac{77}{194}$
	0.75	ب) انقل وأكمل الشجرة المقابلة .
التمرين الثالث: (04 نقاط)		
02.00	01.00	1) أ) احسب إحداثيي النقطة المتوسطة G.
	01.00	ب) مثل سحابة النقط $M_i(x_i; y_i)$
01.00	01.00	2) بيّن أنّ معادلة مستقيم الانحدار بالمربعات الدنيا هي : $y = -4,53x + 65,54$.
0.50	0.50	3) باستعمال التعديل الخطّي السابق ، قَدّر نسبة الأمية في سنة 2038 في هذا البلد.
0.50	0.50	4) ابتداءً من أيّ سنة تكون نسبة الأمية في هذا البلد أقل من 5%.
التمرين الرابع: (08 نقاط)		
01.75	0.25 0.50 0.25	1) أ) ادرس اتجاه تغيّر الدالة g. $g'(x) = 2 - e^{2x}$ إشارة $g'(x)$ g متناقصة تماماً على $[0; +\infty[$ ومتزايدة تماماً على $]-\infty; 0]$
	0.75	2) استنتج إشارة $g(x)$.
01.00	2x0.50	II) 1) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

العلامة		عناصر الإجابة
مجزأة	مجزأة	
01.25	0.50 0.50	$f'(x) = 2x - 1 - e^{2x} = g(x)$ $f'(x) < 0$ جدول التغيرات
	0.25	
01.50	0.50	(3) أ) تبين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث $-0,25 < \alpha < -0,24$
	0.50	ب) إثبات أن المنحنى (C_f) يقبل نقطة انعطاف A إحداثياتها $(0; -\frac{1}{2})$.
	0.50	ج) كتابة معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) في النقطة A $T: y = -2x - \frac{1}{2}$
00.75	0.25	(4) رسم (T)
	0.50	(5) رسم المنحنى (C_f)
01.75	01	(6) أ) المساحة $A(\alpha)$
	0.75	ب) التحقق أن: $A(\alpha) = \frac{1}{3}(4\alpha^3 - 12\alpha^2 + 6\alpha + 3) \text{ cm}^2$.

الإجابة النموذجية لموضوع امتحان مادة: الرياضيات/الشعبة: تسيير واقتصاد/ بكالوريا استثنائية: 2017

العلامة		عناصر الإجابة
مجزأة	مجزأة	

الموضوع الثاني		
التمرين الأول: (04 نقاط)		
01.50	01.00 0.50	(1) إحداثيي النقطة المتوسطة $G(3;5,7)$ تمثيل سحابة النقط $M_i(x_i; y_i)$ في معلم متعامد
01.00	0.50 0.50	(2) $a = 0,56$ $b = 5.7 - 0.56(3) = 4.02$
0.75	0.25 0.50	(3) الهدف محقق مع التبرير : رتبة 2017 هي 8 ومنه $y = 0.56 \times 8 + 4.02 = 8.5$
0.75	0.25 0.50	(4) $0.56x + 4.02 > 10.17$ ومنه $x > 10.98$ وبتالي $x = 11$ إذن السنة هي 2020
التمرين الثاني: (04 نقاط)		
00.75	0.75	(1) $S_n = \frac{e^{2(n+1)} - 1}{e^2 - 1}$
01.50	0.50 2×0.50	-1 لدينا $w_n = u_n + v_n$ و $v_n = e^{2n}$ ومنه $u_n = 2n + 4$ (u_n) متتالية حسابية أساسها 2 وحدها الأول $u_0 = 4$
00.75	0.75	(2) اثبات أن: من أجل كل عدد طبيعي n ، $4 + 6 + 8 + \dots + (2n + 4) = (n + 1)(n + 4)$ ، يمكن اعتبار المجموع كمجموع n حدا متتايحا لمتتالية حسابية حدها الأول 4 وأساسها 2 او بالبرهان بالتراجع .
01.00	01.00	(3) $T_n = (n + 1)(n + 4) + \frac{e^{2(n+1)} - 1}{e^2 - 1}$
التمرين الثالث: (04 نقاط)		
00.50	0.25 0.25	(1) الإجابة الصحيحة هي (ب) $p(B) = 0.075$ التعليل: $p(B) = \frac{p(A \cap B)}{p(A)} = \frac{0.03}{0.4} = 0.075$
01.00	0.25 0.75	(2) الإجابة الصحيحة هي (أ) $p(A) = \frac{3}{25}$ التعليل: $p(A) = \frac{p(A \cap B)}{p_A(B)} = \frac{\frac{3}{100}}{\frac{1}{4}} = \frac{3}{25} = 0.12$
01.00	0.25 0.75	(3) الإجابة الصحيحة هي (ب) $p(A \cap B) = 0.45$ التعليل: $p(A \cap B) = p(A) + p(B) + p(\overline{A \cup B}) - 1 = 0.4 + 0.5 + 0.55 - 1 = 0.45$

العلامة		عناصر الإجابة																
مجزأة	مجزأة																	
01.50	0.50	(4) الإجابة الصحيحة هي (ج) $p(X \geq 2) = 0.38$																
	0.50	التعليل: $0.12 + 0.50 + \beta + 0.30 = 1$ ومنه $\beta = 0.08$																
	0.50	$E(x) = -2 \times 0.12 - 1 \times 0.50 + \alpha \times 0.08 + 3 \times 0.30 = 0.16 + 0.08\alpha$ $0.16 + 0.08\alpha = 0.32$ ومنه $\alpha = 2$																
التمرين الرابع: (08 نقاط)																		
00.50	0.50	(I) 1) حساب $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = -\infty$																
01.50	0.50 0.25	(2) $g'(x) = 3x^2 - 2x = x(3x - 2)$																
	0.25	إشارة $g'(x)$																
	0.50	g متزايدة تماما على المجالين $]-\infty; 0]$ و $[\frac{2}{3}; +\infty[$ ومتناقصة تماما على $[0; \frac{2}{3}]$ جدول التغيرات:																
		<table><tr><td>x</td><td>$-\infty$</td><td>0</td><td>$\frac{2}{3}$</td><td>$+\infty$</td></tr><tr><td>$g'(x)$</td><td>$+$</td><td>0</td><td>$-$</td><td>0</td><td>$+$</td></tr><tr><td>$g(x)$</td><td>$-\infty$</td><td>-1</td><td>$-\frac{31}{27}$</td><td>$+\infty$</td></tr></table>	x	$-\infty$	0	$\frac{2}{3}$	$+\infty$	$g'(x)$	$+$	0	$-$	0	$+$	$g(x)$	$-\infty$	-1	$-\frac{31}{27}$	$+\infty$
x	$-\infty$	0	$\frac{2}{3}$	$+\infty$														
$g'(x)$	$+$	0	$-$	0	$+$													
$g(x)$	$-\infty$	-1	$-\frac{31}{27}$	$+\infty$														
00.50	0.50	(3) تبين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث $1.46 < \alpha < 1.48$.																
00.50	0.50	(4) استنتج إشارة $g(x)$ حسب قيم x . $g(x) < 0$ من أجل $x \in]-\infty; \alpha[$ و $g(x) > 0$ من أجل $x \in]\alpha; +\infty[$ و $g(\alpha) = 0$																
01.00	01.00	(II) 1) من أجل كل q من $]0; +\infty[$: $C'_M(q) = \frac{q^3 - q^2 - 1}{q^2 + 1}$																
02.00	01.00	(2) إشارة $C'_M(q)$ من إشارة $g(q)$ منه $q = \alpha$																
	01.00	C_M متناقصة تماما على $]q; +\infty[$ و متزايدة تماما على $] -\infty; q[$. جدول التغيرات:																
01.00	01.00	(3) عدد الوحدات هو: $q = \alpha \times 100 = 147$ وحدة بكلفة																
01.00	01.00	(4) الكلفة الإجمالية C لإنتاج 2 طن هي 390000DA																